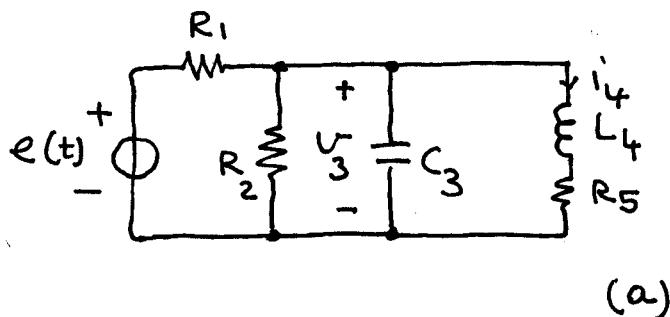


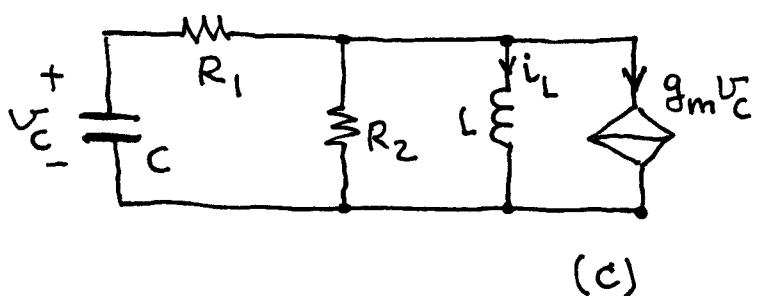
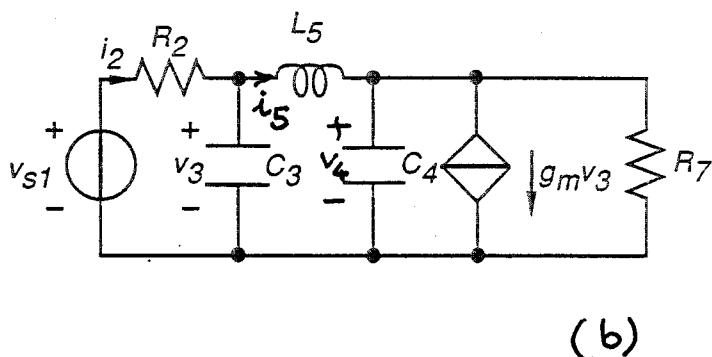
Esercitazione

► Equazioni di stato: caso lineare.

1) Si scrivano le equazioni di stato per i circuiti indicati in figura



$$\begin{aligned}
 R_1 &= 1\text{k}\Omega \\
 R_2 &= R_5 = 2\text{k}\Omega \\
 C_3 &= 1\text{nF} \quad L_4 = 1\text{mH} \\
 e(t) &= 5\text{V}
 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
 R_1 &= R_2 = 500\Omega \\
 C &= 2\text{nF} \\
 L &= 0,5\text{mH} \\
 g_m &= 2,5\text{mS}
 \end{aligned}$$

► Scrittura delle equazioni di stato: caso non lineare.

1)

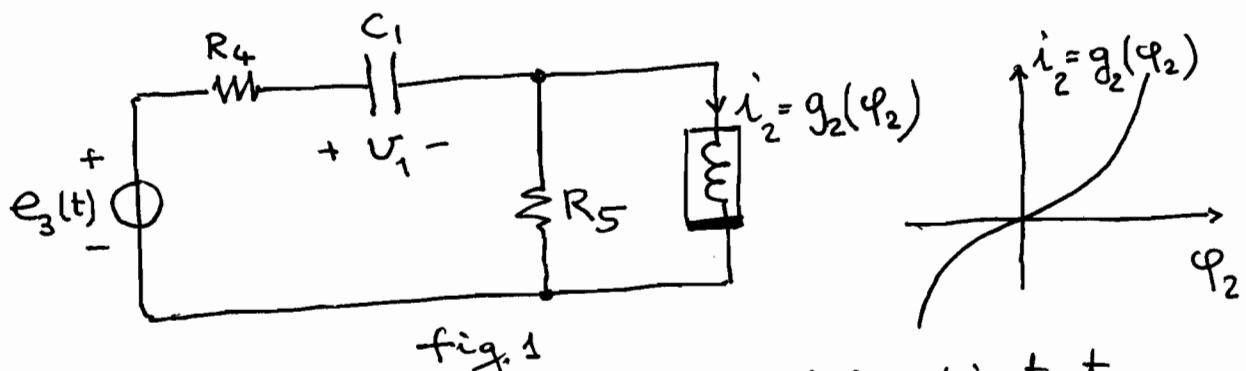


fig. 1

Assumendo v_1 e φ_2 come variabili di stato, si scrivano le eq. di stato per il circuito indicato in fig. 1

2)

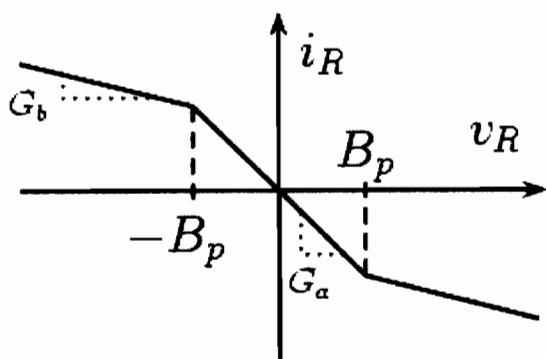
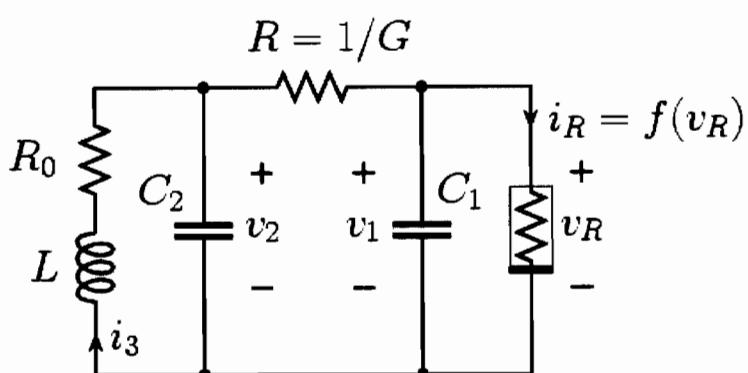


fig 2: l'oscillatore di Chua

Assumendo v_1 , v_2 , i_3 come variabili di stato, si scrivano le eq. di stato per il circuito di fig. 2

3)

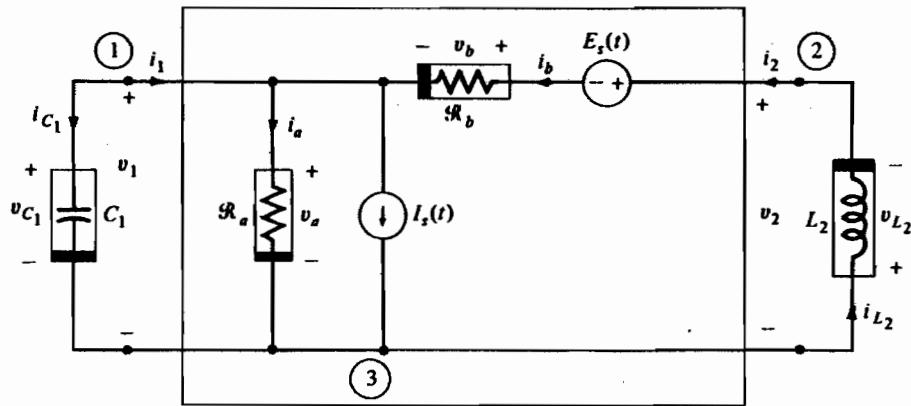


fig. 3

Si consideri il circuito indicato in figura 3, ove gli elementi non lineari sono caratterizzati nel modo seguente

$$R_a : i_a = v_a^5$$

$$C_1 : q_{C1} = v_{C1}^3$$

$$R_b : v_b = e^{i_b}$$

$$L_2 : \varphi_{L2} = i_{L2}^{1/3} = \sqrt[3]{i_{L2}}$$

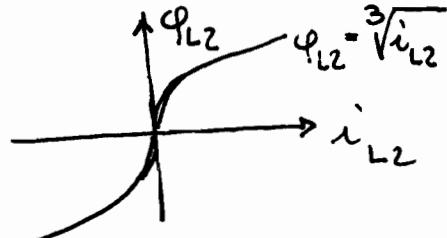
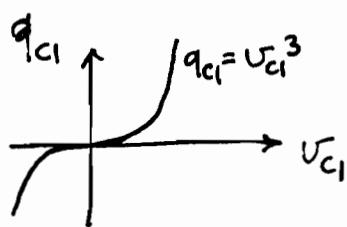
Si scrivano le equazioni di stato usando come variabili di stato:

$$(a) v_{C1} \text{ e } i_{L2}$$

$$(c) v_{C1} \text{ e } \varphi_{L2}$$

$$(b) q_{C1} \text{ e } \varphi_{L2}$$

$$(d) q_{C1} \text{ e } i_{L2}$$



4) Si ripeta l'esercizio 3 nei casi in cui il condensatore e l'induttore siano descritti nel modo seguente

$$4.1 : \varphi_{C_1} = V_{C_1}^4 \quad \varphi_{L_2} = i_{L_2}^2$$

$$4.2 : V_{C_1} = \cos \varphi_{C_1} \quad i_{L_2} = \sin \varphi_{L_2}$$

$$4.3 : V_{C_1} = \cos \varphi_{C_1} \quad \varphi_{L_2} = i_{L_2}^3$$

Osservazione: si assume come variabile di stato la variabile di controllo. Ad esempio:

flux-controlled $\rightarrow \varphi$ viene assunta come var. di stato.

Se la caratteristica è invertibile, allora entrambe le variabili possono essere assunte come variabili di stato,